

(J A P L A 2007/09/22)

対の平方和(累乗和)が2組存在する最小の組合せ

帝京平成大学 鈴木義一郎

インドの天才数学者・ラマヌジャン(1887~1920)は、ハーディが乗ったタクシーの番号が「1729」というと、 $1^3 + 12^3 = 9^3 + 10^3 = 1729$ のように、「3乗の和として2通りに書ける数のうち最小のもの」であると即答した。

<pre> 1([.,>:@[+i.@-~]5 1 2 1 3 1 4 1 5 2([.,>:@[+i.@-~]5 2 3 2 4 2 5 3([.,>:@[+i.@-~]5 3 4 3 5 4([.,>:@[+i.@-~]5 4 5 </pre>	<pre> comb=:3 :0 r=. (k=. 1) (s=. [.,>:@[+i.@-~]y. while. (#r)<2!y. do. r=. r, (k=. k+1)s y. end.) comb 5 1 2 1 3 1 4 1 5 2 3 2 4 2 5 3 4 3 5 4 5 </pre>
<pre> pair=:3 :0 k=. 1 while. 2>#s do. a=.+/"1(b=. comb k=. k+1)^y. r=., ((1~:+/"1 c)#c=. =a)#a s=. (a=/\{. r)#b end.) </pre>	<pre> pair 2 1 8 4 7 (+/*:1 8), +/*:4 7 65 65 pair 3 1 12 9 10 (+/1 12^3), +/9 10^3 </pre>

	1729 1729

6!:2' r=:pair 4'	r	x:+/"1 r^4
610.75	59 158	635318657 635318657
(計算時間は10分強!)	133 134	

comb2=:[, .>:@[+i. @-~ 2 comb2 6 2 3 2 4 2 5 2 6 comb3=:3 :0 a=. #r=. 0 3\$' while. a<_2+y. do. b=. a=. a+1 while. b<_1+y. do. r=. r, a, . (b=. b+1) comb2 y. end. end.)	comb3 5 1 2 3 1 2 4 1 2 5 1 3 4 1 3 5 1 4 5 2 3 4 2 3 5 2 4 5 3 4 5 \$ comb3 6 20 3	
triple=:3 :0 k=. 1+#s=. '' while. 2>#s do. a=. +/"1(b=. comb3 k=. k+1)^y. r=. , ((1^:+/"1 c)#c=. =a)#a s=. (a=/{. r)#b end.)	triple 2 1 5 6 2 3 7 triple 3 1 2 10 4 6 9 triple 4 1 2 9 3 7 8	+/"1(triple 2)^2 62 62 +/"1(triple 3)^3 1009 1009 +/"1(triple 4)^4 6578 6578

```

triple_d=:4 :0
k=. 1+#t=. ''
while. y.>#t
do. a=. +/"1(b=. comb3 k=. k+1)^x.
r=., ((1^:+/"1 c)#c=. =a)#a
if. 2=#s=. (a=/{. r)#b do. t=. ^~. t, <s else. t end.
end.
)
]r2=:2 triple_d 2
+-----+
|1 5 6|1 2 8|
|2 3 7|2 4 7|
+-----+
([:+/"1]^2:)L:0 r2
+-----+
|62 62|69 69|
+-----+
6!:2' r2=:2 triple_d 3'
|out of memory: triple_d
|  r=., ((1^:+/"1 c)#c=. =a)#a
]r3=:3 triple_d 2
|out of memory: triple_d
|  r=., ((1^:+/"1 c)#c=. =a)#a
]r4=:4 triple_d 2
|out of memory: triple_d
|  r=., ((1^:+/"1 c)#c=. =a)#a

```

