

ちよつと息抜き...

放射性元素の穂斜線量半減期、ヨウ素 151 半減期8日について...

では、一日あたり 何% 残留するのか。

関数電卓で計算してみます。

計算...

8日のうち1日分...

$$1日 \div 8日 = 0.125$$

$$0.5 \text{ の } 0.125 \text{ 乗} \approx 91.7\% \text{ です。}$$

$$100\% - 91.7\% = 8.3\%$$

$$1日で、8.3\%減 \quad \text{残留}91.7\%$$

別解

自然対数の底  $e=2.71828...$ の何乗分が、0.5(半分)なるか。

$$\log 0.5 = -0.693 \dots \quad e \text{ の } -0.593 \text{ 乗} = 0.5$$

上記は8日分

$$-0.693 \div 8 \approx -0.086625 \dots \quad \text{1日目に換算}$$

$$e \text{ の } -0.086625 \text{ 乗} \approx 0.917 \dots \quad \text{1日目残留分}$$

$$91.7\%$$

検算... 半減期 8日ですから

$$91.7\% \text{ の } 8 \text{ 乗} \approx 50\%$$

それでは放射性ヨウ素が 90%になるには どのぐらいの期間か  
別のいゝかたをすれば、10%減は、どのぐらいか。

変換式は下記

$T=8$  ...8日、残留50%になるまでの日数 半減期

$x$  ...50%を90%に期間を変換する倍率

$T$ ... 90%減 期間

$$T = T \times x$$

$$x = \log 0.9 \div \log 0.5 \approx 0.1520$$

$$T = 8日 \times 0.1520 \approx 1.216日 \dots$$

すなわち、10%減で、残留 90% にいたるのは、1日と5時間である。

検算

半減 0.5 の 0.152乗=90%

波及効果の半減期...ケインズ経済学の乗数理論にて

ここでは波及効果の半分の期間を考えてみます。

さて乗数理論とは、所得増大し、その後の波及効果で、さらに $\Delta Y$ 倍 に増加する理論です。

そして、それは、限界消費性向の率を通して、累積して決まるというわけです。計算式は次の通り。限界消費性向とは、増大所得分の貯蓄を除外した実消化  $c$  の割合である。

無限の時間過程を経て、波及効果は減衰します。波及効果は限りなくゼロになりますが、その結果、究極、増大分は次式になります。

所得増加分  $\Delta Y = 1 / (1 - c)$ 。「 $c$ 」は限界諸費性向  $\alpha Y / \Delta C$   $0 < c < 1$

上記はすでに無限等比級数の総和によってすでに与えられています。

$$\Delta Y = (1 + c + c^2 + c^3 + \dots) \text{ 無限}$$

例  $1 + 0.9 + 0.81 \dots \rightarrow 0$

所得増加分  $\Delta Y = 1 / (1 - c)$

$$\therefore \Delta Y = (1 - c^n) / (c - 1) \quad n \rightarrow 0$$

上記を普通の単なる公式に級数に置き換えてみます。

等比級数和の公式  $S = (r^n - 1) / (r - 1)$

$\lim_{n \rightarrow \infty}$  すなわち

総和の公式  $S' = -1 / (r - 1)$   $r < 1$  ... 上記の導関数です。

$\lim_{n \rightarrow \infty}$  を採用しているので波及効期間無限大です。

例 限界消費性向  $r = 0.9$

$1 + 0.9 + 0.81 \dots \rightarrow 0$

$S' = -1 / (r - 1)$   $S = -1 / 0.9 - 1 = 10$

所得増加分  $\Delta Y = 1 / (1 - c)$  と同様、すなわち10倍になるということです。

上記は完全に波及効果終了した状態で、なんら期間的なものは表示されていません。

それでは半分の効果ならどうか。期間を算定します。

$$S = (r^n - 1) / (r - 1)$$

上記式  $r^n$   $\lim_{n \rightarrow 0}$  を ...  $r^n$   $\rightarrow 0.5$  変換式にします。

半減期は次の公式になります。効果半減期 「 $T$ 」 は以下

$T = \log 0.5 / \log r$   $r$ の波及効果を1として「 $T$ 」は $1 + r$ 成立までの期間の倍数分です。波及効果は半分の  $S'' = -0.5 / (r - 1)$   $r < 1$

例として、限界諸費性向 0.9の場合..効果は半分の5倍になるのですが...(計算は上記公式代入)

では期間は  $T = \log 0.5 / \log 0.9$   $T = 6.5788$

所得が100%+90%加算される期間の  $T = 6.5788$ 倍ということです。

検算 加算分90%

0.9の 6.5788乗=0.5

波及効果の適用例

さて実際の数値を見てみましょう。DPやその構成要素の増減表」を掲載しました。

1991年以後の各年における GDPとGDPの各構成要素の

1990年金額との差額(1990年比の増加額)

[=各年のGDP - 90年のGDP]

	GDP	GDPの各構成要素				
		民間消費最終支出	自生的支出			計
			民間投資	政府支出	純輸出	
1990	0	0	0	0	0	0
1991	22.3	13.4	-0.8	5.8	4.0	8.9
1992	33.8	21.7	-9.3	15.2	6.3	12.2
1993	30.7	28.5	-24.4	20.5	6.1	2.1
1994	37.0	30.1	-22.4	24.8	4.5	7.0
1995	46.5	35.7	-21.1	30.5	1.3	10.8
1996	58.4	43.7	-14.4	31.7	-2.4	14.8
1997	63.3	44.9	-15.2	31.0	2.6	18.4
1998	53.3	45.1	-28.6	31.9	5.0	8.3
1999	49.5	46.4	-33.2	33.0	3.3	3.1
2000	54.1	45.2	-25.7	33.0	1.6	8.9
2001	43.6	45.4	-33.6	32.6	-0.7	-1.8
2002	39.9	45.3	-37.5	30.4	1.6	-5.4
2003	43.8	44.6	-34.0	28.5	4.6	-0.9
2004	48.5	46.2	-28.9	26.7	4.4	2.2
2005	53.8	49.6	-24.3	26.5	1.9	4.2
2006	62.2	53.6	-17.9	23.9	2.6	8.6
2007	65.3	56.9	-19.8	24.8	3.5	8.4
累計	806.0	696.2	-391.1	450.7	50.2	109.8
平均	47.4	41.0	-23.0	26.5	3.0	6.5

単位 兆円

資料は内閣府「国民経済計算」データ計算です。  
同様に乗数理論のコメントがつけられています。

以下コメント (1)

GDPの90年比増加額の累計は806兆円であるので、  
政府の追加支出450.7兆円の乗数効果は  
 $806 / 450.7 = 1.79$  倍  
と計算できる。

以下コメント (2)

簡単のために乗数効果について政府支出のみで説明したが、  
乗数効果は政府支出のみならず、自生的支出の合計に対して算出すべきもの  
となる。

ここで、改めて90年比の政府支出増加額についての乗数効果を計算してみると、

$$\text{GDP} / (\text{自生的支出} = \text{民間投資} + \text{政府支出} + \text{純輸出}) \\ = 806 \text{ 兆円} / 109.8 \text{ 兆円} = 7.34 \text{ 倍}$$

となる(増加の累計分の消費性向  $696.2 \text{ 兆円} / 806 \text{ 兆円} = 86.37\%$  から計算しても、やはり  $1 / (1 - 0.8637) = 7.34$  倍となる)。

以上が乗数効果の内閣府の適用例です。

そして、内閣府の説明は不足しています。

450.7兆 政府支出があり、伸びは 1.79 しかないというわけだ。

乗数効果は  $1 / (1 - 0.8637) = 7.34$  倍 のはずだ。

コメント(2)で 輸出を、50.2兆 加算し、民間投資を、391.1兆 を引き算しているの  
です。

実際は、景気が悪く、民間投資足を引っ張り、実質、109.8兆円しか投資できなかったということなのです。

上記から計算が合い、間違っていないが...

はたしてこれでいいのであろうか...

次式から検証していきます。

所得増加分  $\Delta Y = 1 / (1 - c)$  乗数理論

$$\Delta Y \text{ は } 7.34$$

$$(1-c) \text{ は } (1-8.6)$$

いくつかの疑問があります。

疑問の一つ

民間投資額が作為的なのではないかということです。

コメント(2)

計算式にすると

$$1 \div (1 - \text{民間消費最終支出} \div \text{GDP})$$

$$1 \div (1 - 696.2 \div 806) = \frac{7.3406}{19}$$

上記消費性向からの倍率

$$7.340619$$

そして、自主的支出から計算した倍率

GDP ÷ 計

$$= \frac{806 \div 109.8}{9} = 7.34061$$

投資効果の実体???

$$7.340619$$

ところで

1995年の例をとってみます

計算式にすると

$$1 \div (1 - \text{民間消費最終支出} \div \text{GDP})$$

$$1 \div (1 - 35.7 \div 46.5) = 4.305$$

上記消費性向からの倍率

$$7.340619$$

そして、自主的支出から計算した倍率

GDP ÷ 計

$$= \frac{46.5 \div 10.8}{9} = 4.305$$

投資効果の実体???

$$4.305...$$

1995年 のたった1年で、乗数効果が、4.305倍になった計算になります。  
1年ごとの計算例、毎年、ほとんど狂いがないのです。