

APLEXLを用いてEXCEL上で使用するAPL

A) APL計算式の基本

B) APLEXLプログラムの操作方法

C) さまざまな計算

C－1．集計と一般的計算

C－2．時間、カレンダー、年齢などに関する計算

C－3．金利に関する計算

C－4．漢字の処理とCSVファイルの入出力について

D) その他のAPLの主な機能

D－1．算術演算子の例（“APL 2の世界”一著者編集（無償配布）より）

D－2．その他の論理、比較演算子

D－3．三角関数

D－4．作用子の役割

2006年3月10日

APLコンサルタント 三枝 協亮

A) APL計算式の基本

APLの計算式は関数を中心として次の6通りの形があります。

	結果値を持たないもの	結果値を持つもの
引数を持たないもの(Niladic)	関数	結果値←関数
右引数だけを持つもの(Monadic)	関数 引数	結果値←関数 引数
左右に引数を持つもの(Dyadic)	引数 関数 引数	結果値←引数 関数 引数

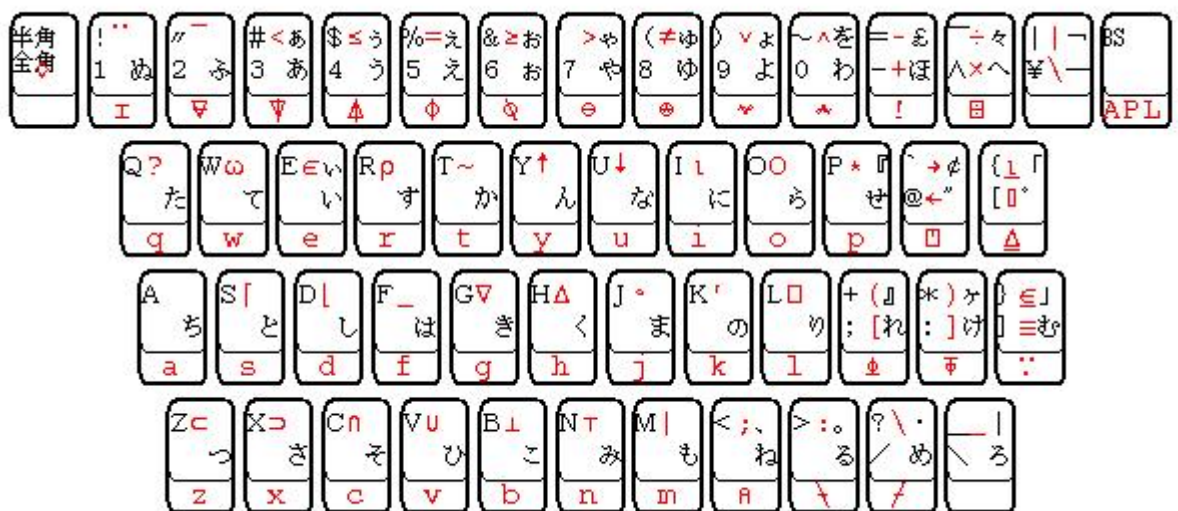
関数にはシステムに付随した原始関数（特殊文字1字で表される）、システム関数（第1字が□文字のもの）、外部関数（結合プロセッサを経由して使用できるもの）とユーザーがプログラムを作り定義する定義関数などがあります。また関数を修飾して派生関数を作る作用子があり、これにもシステムに付随した原始作用子とユーザーが定義する定義作用子があります。

関数	—	原始関数	（APL特殊文字1字からなる名前を持つ）：[シ]
	—	システム関数	（□文字で始まる名前を持つ）：[シ]
	—	外部関数	（作業領域外に存在し、結合宣言で使用可能になる）：[シ]、[ユ]
	—	派生関数	（関数を作用子で修飾して生成される）：[ユ]
	—	定義関数	（=APLプログラム：ユーザー指定の名前を持つ）：[ユ]

注：[シ] = システム提供関数、[ユ] = ユーザー定義関数

原始関数には Monadic が 28 個、Dyadic が 45 個あり、それぞれ APL 固有の特殊文字 1 字で表されます。どちらでも使用されている文字がありますので両方で合計 50 個の特殊文字があります。APL 特殊文字を画面上に表示したり、印刷出力するためには、IBM APL 2 製品版（有料）または Runtime Module（無料）が正しく Windows に導入されている必要があります。（<http://aplcons.com> からダウンロード可）

下の図は鍵盤上の APL 文字配列を示しています。現在日本語仕様の APL 鍵盤は市販されていませんが、APL 文字は一般の日本語鍵盤から入力することができます。

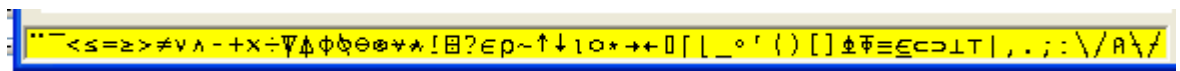


APL 文字は鍵盤が APL シフトの状態のときに入力できます。APL と ASCII シフトの

切替えホット・キーはBS+Ctrlですが、APLEXLではカーソルの位置によって自動的に切り替えを行っていますから、ユーザーが操作する必要はありません。

APLシフトの状態ではキーの上面に表示された文字のうち、ASCII特殊文字とひらがな（含む漢字）は入力できません。数字と英字の大文字、およびキー面上に2段で表示された赤い字の下側の文字が入力されます。Shift・キーを押した状態では、キー面上の上側に表示された赤い文字が入力されます。Altキーを押した状態ではキーの前面の赤い字（英字小文字とAPL特殊文字の一部）が入力されます。

鍵盤からのAPL文字入力に慣れるまでは、入力効率は落ちますが、入力画面の下方のAPL文字入力補助域からマウスクリックで入力することができます。隠れた部分には大小英字および数字も含まれていますから、左右にスクロールするか、またはウィンドウズを右に拡大（推奨）すれば表示された文字はすべて入力できます。

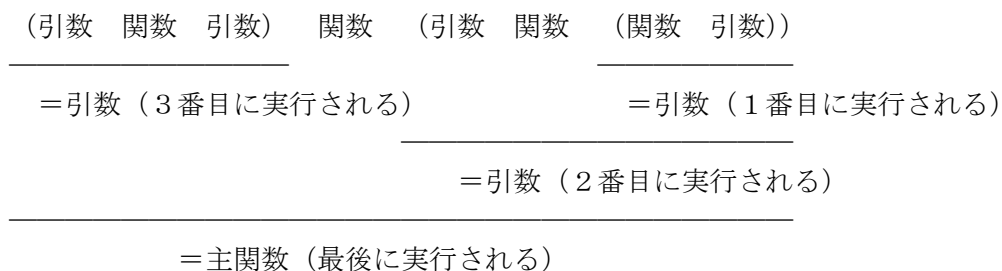


定義関数はユーザーが定義するプログラムですが、他の関数と同様、上に示した6種類のどれかの形に属します。また関数ですから、作用子により修飾して派生関数とすることもできます。

特定の値で代表される引数（変数、定数、計算の結果値など）は必ず次の属性値を持ちます。

- 値(VALUE)：数値はほぼ±1.79の10の308乗、文字は任意のバイト、又は無。
- 形(SHAPE)：軸の本数(RANK、最大63)とそれぞれの長さ(LENGTH)
- 領域(DOMAIN)：数値領域と文字領域
- 深さ(DEPTH)：配列を構成要素とした配列のネスティング最大181階層
- 名前(NAME)：第1字アルファベット、最長255英数字、または無名（定数など）

結果値を持つ関数は実行の結果、値を作り出しますから値そのものとみなすことができます。したがって他の関数の引数として指定することができます。そのような関数は1行のAPL計算式のどの部分にでも組み込むことができます。たとえば下に示す構成が成り立ちます。



APLの計算式が右側から実行されるというのは正しい表現ではなく、正しくは、関数の実行に先立って、引数が用意されなければならないということです。たとえば $10 \times 5 - 3$ において、関数 $\times$ の左引数は10ですが、右引数は $5 - 3$ です。したがって、 $5 - 3$ の結果値が求まらなければ関数 $\times$ は実行することができません。関数 $-$ の左引数は5で右引数は3ですから引数が全部そろっていますので、実行することができます。すなわち $10 \times 5 - 3$ は 10×2 で、答えは20で、47であるためには $(10 \times 5) - 3$ でなければなりません。

ただし関数が左右の引数をとる（＝二項形式）場合、右引数が左引数より先に解釈されます。これは次の実験で証明することができます。（注：◇は関数でなく、同一行中の複数の独立した式を区切る区切り文字です。）

```

15      A←5 ◇ (A←10)+A
      A
10

```

すなわち、変数Aに5を代入し、Aに10を代入する左引数と右引数のAを関数+で計算すると答えが、15になります。もし左引数が優先するなら答えは20とならなければなりません。

また、括弧は実行の順序を制御するのに用いられますが、上の式では不必要な括弧が用いられています。下のようにすれば式の表現はすっきりします。

(引数 関数 引数) 関数 引数 関数 関数 引数

括弧をすべて取り除くと一番左の関数とその右の計算結果を右引数として最後に実行される関数になります。どのような表現も成り立ちますが、関数の並べ方で、括弧の少ないもの、求めているものが（文章のように）明確に表現できたものが優れたAPLの式の立て方といえます。

引数 関数 引数 関数 引数 関数 関数 引数

＝右引数

APLでは、算術演算、論理演算、三角関数演算、そのほかすべての関数は同列に扱われ、論理的に成り立つものであれば、どのような組み合わせでも許されます。APL EXLではExcelワークブックのシートをX1, X2, X3,・・・と、その物理的な順番に従って名前をつけ、n行、m列の2次元配列として使用します。配列の大きさは可変で、使用されるセルが必ず含まれるサイズがダイナミックに確保されます。

1つのセルは配列の1要素（＝スカラー）で、文字データであればそれを関数DISCLOSE（⌈）で開くか、またはENLIST（ε）で階層構造を壊せば、文字配列であり、1文字ずつを要素（＝スカラー）とした配列です。したがって、APLから見れば1枚のSHEETは、2階層（Depth＝2）の入れ子（ネスティング）構造の文字と数値要素からなる複合配列（＝Complex Array）です。ただし数値セルだけを取り出した場合は、各セルは配列としての構造を持ちませんから、1階層（Depth＝1）の単純配列（＝Simple Array）になり、取り扱いが異なる場合があります。（注：スカラーとは構造を持たない（＝SHAPEが無とみなされる）配列です。）

たとえば配列AとBの各セル同士が等しいか、否かを判定する場合、通常A≡Bと、原始関数MATCH≡を原始作用子EACHで修飾した派生関数を用います。A≡Bだけなら、全体の比較になりますので、答えは1か0ひとつしかありません。≡をつけると、セルそれぞれについての比較になりますから、答えもA, Bと同じサイズの1／0の配列になります。ただし数値配列の場合は、原始関数＝を用いてもかまいません。何故なら＝は他の多くの演算関数と同様、対象配列の各要素（＝スカラー）に対して作用する（＝Pervasive）スカラー関数だからです。APLの大部分の原始関数はスカラー関数です。

A P Lの原始関数、原始作用子、システム関数、システム変数、外部関数のすべてを以下表記しますので、参考にしてください。システム関数、システム変数、外部関数の一部はA P Lのシステム環境に依存しますので（例：作業空間関連）A P L E X C Lでは使用できません。原始関数と原始作用子はすべて使用できます。外部関数はあらかじめA P L E X Lに組み込まれたもの（名前の頭に△をつけました）以外は、必要に応じて、その使用を次のような式で結合（=A S S O C I A T I O N）宣言をします：

システム提供のものに関しては：

$T \leftarrow 3 \quad 1 \quad 1 \quad \square N A \quad \text{‘外部関数名’}$ （注：Tは結果値、0 = 成功、0 ≠ 失敗）
または

$T \leftarrow 3 \quad 1 \quad 1 \quad \square N A \quad \text{‘代替名 外部関数名’}$

ユーザー定義関数（=プログラム）に関しては：

$T \leftarrow \text{‘外部関数ライブラリー名’} \quad 1 \quad 1 \quad \square N A \quad \text{‘外部関数名’}$

外部関数はA P L言語使用の中で、比較的新しいコンセプトで、次のような特徴があります：

1. 作業領域外のライブラリーに存在し、実行され、ユーザーがみだりに変更できない。
2. ユーザーがA P L言語で定義して、指定したライブラリーに追加することができる。
3. 複数のユーザーが同時に利用することができる。
4. 異なるライブラリー間で、関数を結合させることができる。
5. A P L R u n - t i m e M o d u l eからも利用できる。

以上のような特長によって、A P L外部関数はA P L環境下での汎用ユーティリティー関数とか、適用業務プログラムなどを複数のユーザーに対して一元管理するのに理想的な仕組みです。

原始関数シンボルの名前とバレンス (項数)

シンボル	一項使用	二項使用
+	Conjugate (共役)	Add (加算)
-	Negative (逆符号)	Subtraot (減算)
x	Direction (方向)	Multiply (乗算)
÷	Reciprocal (逆数)	Divide (除算)
*	Exponential (指数関数)	Power (累乗)
	Magnitude (絶対値)	Residue (剰余)
⌈	Ceiling (天井)	Maximum (最大)
⌊	Floor (床)	Minimum (最小)
ln	Natural Logarithm (自然対数)	Logarithm (一般対数)
?	Roll (乱数)	Deal (抜き取り乱数)
!	Factorial (階乗)	Binomial (2項係数)
○	Pi Times (円周率倍)	Circle Functions (円関数)
⊗	Matrix Inverse (逆行列)	Matrix Divide (行列除算)
<		Less Than (小さい)
≤		Less Than or Equal (小さいか等しい)
=		Equal (等しい)
≥		Greater Than or Equal (大きい等しい)
>		Greater Than (大きい)
≠		Not Equal (等しくない)
∧		And (論理積)
∨		Or (論理和)
⋈		Nand' 否定論理積)
⋉		Nor (否定論理和)
≡	Not (否定)	Without (除外)
≡	Depth (深さ)	Match (均等)
,	Ravel (ベクトル化)	Catinate (連結)
ρ	Shape (形)	Reshape (変形)
⌈	Disolose (開示)	Pick (ピック)
⌊	Enolose (囲み)	Partition (区画)
⊖	Reverse (逆順)	Rotate (回転)
⊗	Transpose (逆軸転置)	Transpose (一般転置)
↓		Drop (落とし)
↑		Take (取り)
[]	First (最初)	Bracket Index (大カッコ指標)
[]		Index (指標)
⌈	Grade Up (昇順)	Grade Up - Collating Sequence (照合順序昇順)
⌊	Grade Down (降順)	Grade Down - Collating Sequence (照合順序降順)
⌊	Interval (インターバル)	Index of (指標調べ)
ε		Find (検出)
ε	Enlist (エンリスト)	Member (メンバー)
ε	Execute (実行)	
⌊	Default Format (省略値書式化)	Format by Example/Specifioation (例/指定による書式化)
⌊		Decode (復号)
⌊		Encode (符号化)
⌊		Compress (圧縮), Replicate (反復)
⌊		Expand (拡張)

原始作用子

[X]	Axis (軸)
"	Each (個別)
/	Reduce (低減)
\	Scan (走査)
.	Outer product (外積)
°.	Inner product (内積)

システム関数

制御及び実行

DDL	Delay (遅延)
DEX	Erase (消去)
DNA	Name Association (名前の関連付け)

事象 (Event) 処理及びデバッグ

DEA	Execute Alternate (代替実行)
DEC	Execute Controlled (制御付実行)
DES	Event Simulation (事象疑似検証)

作業空間及びシステム情報

DAF	Atomic Function (原子関数)
DAT	Attributes (属性)
DNC	Name Class (名前の類別)
DNL	Name List (名前の表)
DUCS	Universal Character Set (UCS)

データと式の変換

DCR	Character Representation (文字表現)
DFX	Fix (関数化)
DTF	Transfer Format (転送形式)

共用 :

DSVO	Shared Variable Offer
DSVR	Shared Variable Retraction
DSVC	Shared Variable Control (共用変数制御)
DSVQ	Shared Variable Query
DSVS	Shared Variable State

システム変数

□	Evaluated Input/Output (解釈を伴う入出力)
□	Character Input/Output (文字入出力)
□LX	Latent Expression (潜在式)
□NLT	National Language Translation (国語変換)
□PR	Prompt Replacement (プロンプト置き換え)
□PW	Print Width (印刷幅)

□EM	Error Message (事象メッセージ)
□ET	Event Type (事象タイプ)
□LC	Line Count (行番号)

□AI	Account Information (会計情報)
□AV	Atomic Vector (原子ベクトル)
□TC	Terminal Control (端末制御文字)
□TS	Time Stamp (時刻表示)
□TZ	Time Zone (時間帯)
□WA	Work Area Available (使用可能な作業空間)

暗黙の引数

□CT	Comparison Tolerance (比較許容値)
□FC	Format Control (書式制御)
□IO	Index Origin (指標原点)
□PP	Print Precision (印刷精度)
□RL	Random Link (乱数リンク)

□SVE	Shared Variable Event (共用変数事象)
------	--------------------------------

APL 2 外部関数

関連付けプロセサー 1 0 :

ΔF 関数: テキスト・ファイルを文字列として読み書きする。

ΔFV 関数: テキスト・ファイルを CR/LF を区切りとし、文字列のベクトルとして読み書きする。

ΔFM 関数: テキスト・ファイルを CR/LF を区切りとし、二次元文字配列として読み書きする。

関連付けプロセサー 1 1 :

ATR 関数: (Array To Record) APL の文字配列を多言語などで要求される形に変換する。

ATS 関数: (Array To SCAR) APL 配列を SCAR (Self-Contained Array) に変換する。

BEEP 関数: (BEEP) ブザーを鳴らす。

CHECK ERROR 関数: (Check system error) システム・エラーの文章を表示する。

CNS 関数: (Create Name Space) ワークスペースからネームスペースを作る。

COM 関数: (Component Object Model) Microsoft COM とのインターフェース。

CTK 関数: (Character To Kanji) Unicode 漢字を Shift JIS に変換する。(Windows のみ)

CTN 関数: (Character To Numeric) 数値配列に変換する。

CTUTF 関数: (Character To UTF) APL 2 文字配列を UTF-7 および UTF-8 に変換する。

DIR 関数: (Directory) ディレクトリーをリストする。

DISPLAY, DISPLAYC, DISPLAYG 関数: (Display APL2 array structure) = 1 DISPLAY

ERASE 関数: (ERASE file) ファイルを削除する。

EXP 関数: (Execute In Previous namespace) 現在ネームスペースをひとつ手前に戻す。

FILE 関数: (File) テキスト・ファイルを文字ベクトルとして読み書きする。

FSTAT 関数: (File Status) 指定したシステム・ファイルのファイル情報を取り出す。

GETENV 関数: (Get Environment Variable) 環境変数の値を問い合わせる。

HOST 関数: (Host command) HOST システムのコマンドを発行する。

IDIOMS 関数: (Idioms) APL 慣用句を表示する。= 1 IDIOMS

KTC 関数: (Kanji To Character) Shift JIS 漢字を Unicode に変換する。(Windows のみ)

LIBS 関数: (Libraries) APL ライブラリー定義を表示する。

LTM 関数: (To1 To Matrix) To1 リストを APL 2 配列に変換する。

MD5 関数: (MD5 encoding) APL 文字ベクトルを MD5 で暗号化する。

MKDIR 関数: (Make directory) ディレクトリーを作成する。

MTL 関数: (Matrix To To1) APL 2 配列を To1 リストに変換する。

OPTION 関数: (Option) セッション・オプションの問い合わせと設定。

PFA 関数: (Pattern Form Array) APL 2 配列の正規パターン記述を見つける。

PIPE 関数: (Pipe) システム・コマンドの方向変換。

PRINTWSC 関数: (Print workspace with GUI) ワークスペースを印刷する。

QNS 関数: (Query NameScope) 現在ネームスコープを問い合わせる。

RENAME 関数: (Rename file) ファイルの名前を変更する。

RF 関数: (Row Find) 2 個の配列の間で第二配列の各行の第一配列との一致する行を見つける。

RMDIR 関数: (Remove directory) ディレクトリーの削除。

RTA 関数: (Record To Array) 正規パターン記述で APL 2 ベクトルを配列化する。

SIZEOF 関数: (Size Of array) 外部に渡す APL 2 の配列のサイズを見つける。

STA 関数: (SCAR To Array) SCAR (Self-Contained Array) を APL 配列に変換する。

TCL 関数: (Tool Command Language) To1 コマンドを実行する。

TIME 関数: (Time) 関数の実行時間の測定。= 1 TIME

UNZIP 関数: (Unzip) 対象の解凍

UNZIPWS 関数: (Unzip workspace) ワークスペースの解凍。

WSCOMP 関数: (Workspace compare) ワークスペースの比較。= 1 WSCOMP

WSCOMP_ANALYSIS: (Workspace Compare & Analysis) ワークスペース比較分析。

UTFTC 関数: (UTF To Character) UTF-7 および UTF-8 を APL 2 文字配列に変換する。

ZIP 関数: (Zip) 対象の圧縮。

ZIPWS 関数: (Zip workspace) ワークスペースの圧縮。

関連付けプロセサー 1 2 :

テキスト・ファイルを指定した変数名に関連づける機能。

APLは非常に理屈っぽいプログラミング言語です。しかし一般のユーザーは常に理詰めプログラムを組み立てているわけではありません。ルールが少なく、単純であり、禁止条項や例外がほとんどありませんから、問題に対する解法を記憶でなく、類推によって組み立て、試行テストを繰り返し、短時間に目的を達成します。そのためにAPLは高級プログラミング言語でありながら、Excelのように、一つ一つの操作の結果を確認しながら作業を進めることのできる対話式モードでも、決められた処理を一括して実行するバッチ・モードのどちらでも使用できます。

APLがエンドユーザーに最も向いた言語である所以は、このような使用形態から、会得したものが経験として積み重なり、外国語の習得のように、生涯役に立つ個人的道具となり得るからです。また理屈はわからなくても、仲間や先輩の見様見まねで目的を達成する場面も多くあります。理屈はその経験を後から自分で納得し、長く定着させるための役割を果たします。

APLEXLはIBMのソフトウェア製品である“Workstation APL 2”の最新機能を利用してAPLコンサルタンツ社が実験的に開発した無償配布のソフトウェアで、APLの特性をなるべく生かすように工夫してあります。

APLEXL利用の前提

1. Windows XP／2000／2003サーバー
2. Microsoft Excel
3. IBM APL 2 製品版（有料）またはRuntime（無料）
4. APL 2 学習支援システム - ディレクトリー共用（共に無料）

IBM APL 2 RuntimeとAPLEXL導入の手続き

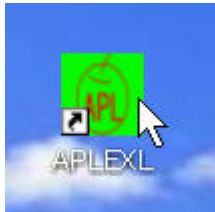
1. <http://aplcons.com> にアクセスして、ダウンロードをクリックする。
2. APLEXL導入の指示に従って操作する。

補足：IBM Workstation APL 2（Windows版）で使用される方はAPL 2 Runtimeの機能がすでに導入はされていますので、導入手続きが異なります。またサーバー上での導入を考えていらっしゃる方は、kyosuke.saigusa@nifty.com にメールしてください。

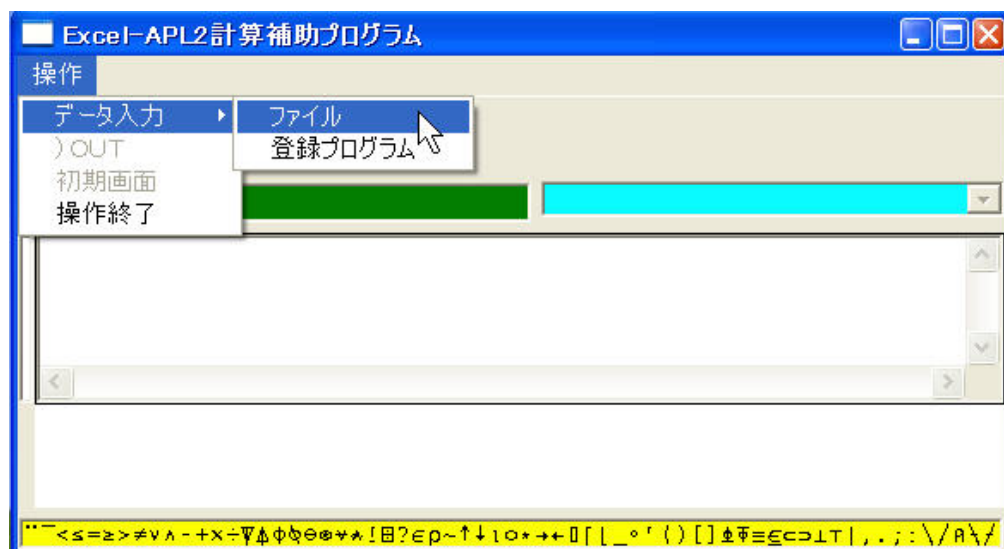
B) A P L E X Lプログラムの操作方法

B-1. プログラムを開始する

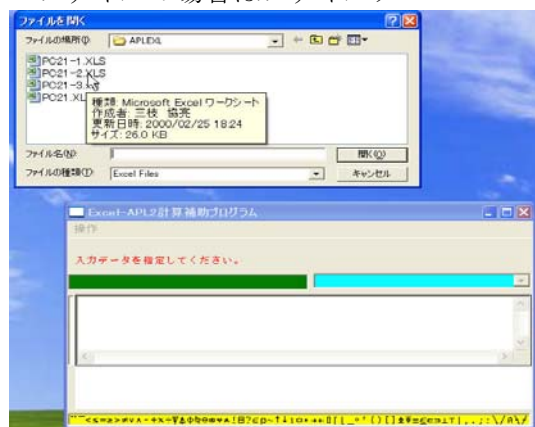
アイコンをクリックする（デスクトップ）



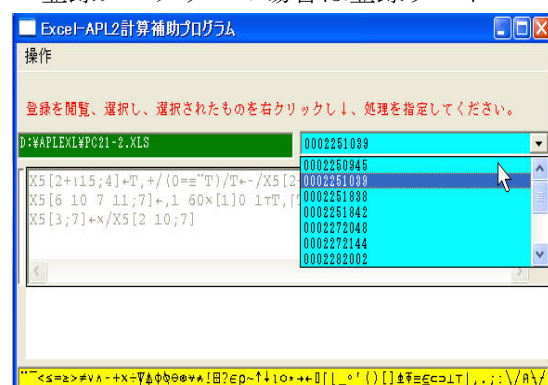
B-2. 表示されたA P L E X L画面のメニューからデータ入力を指定する



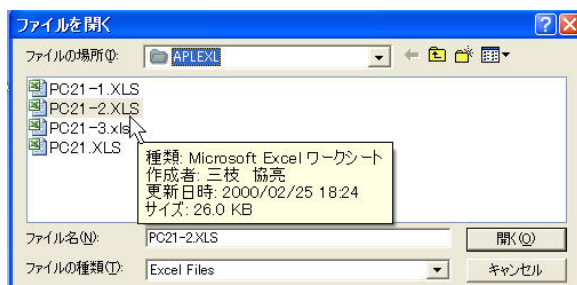
B-3. 次のオプションを指定する ファイルの場合はファイルメニュー



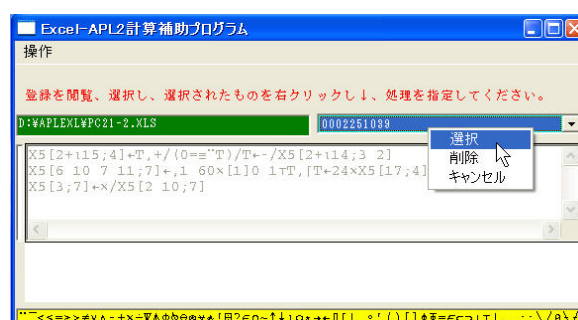
登録プログラムの場合は登録リスト



B-4. またオプションを指定する
対象ファイルを選択する



右クリックのメニューでプログラム選択



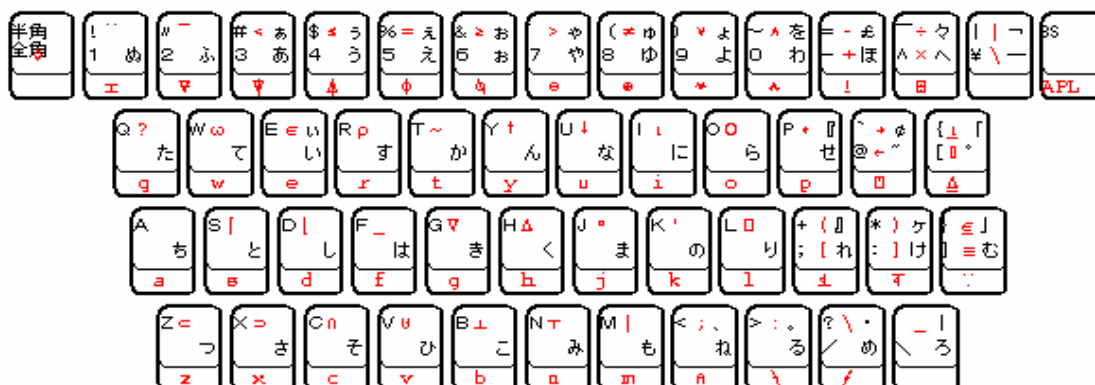
B-5. 対象ブックの全 S H E E T が後ろから順次表示される

	A	B	C	D	E	F	G	H
2	日付	出勤時間	退勤時間	勤務時間		時給	¥1,200	
3	9月1日(土)					給与額	¥81,600	
4	9月2日(日)							
5	9月3日(月)	9:00	17:00	8:00		時間と分を取り出す		
6	9月4日(火)	10:30	18:30	8:00		時間	67	
7	9月5日(水)	9:25	17:15	7:50		分	54	
8	9月6日(木)	9:45	17:05	7:20				
9	9月7日(金)	10:00	13:04	3:04		30分未満を切り上げ		
10	9月8日(土)					時間	68	
11	9月9日(日)					分	0	
12	9月10日(月)	9:43	12:45	3:02				
13	9月11日(火)	9:30	17:02	7:32				
14	9月12日(水)	9:15	17:05	7:50				
15	9月13日(木)	9:25	17:23	7:58				
16	9月14日(金)	9:45	17:03	7:18				
17			合計時間	67.54				
18								
19								
20	勤務時間を計算する: =C3-B3 ~ =C16-B16							
21	合計時間を計算する: =SUM(D3:D12)							
22	時間を取り出す: =DAY(D15)*24+HOUR(D15)							
23	分をとりだす: =MINUTE(D15)							
24	30分未満を切り上げ: =IF(CEILING(G7, 30)=60, G6-1, G6)							
25	30分未満を切り上げ: =IF(CEILING(G7, 30)=60, 0, CEILING(G7, 30))							
26	給与額を計算する: =G10*G2-G2/60*G11							
27								
28								
29								
30								
31								
32								
33								
34								
35								
36								
37								

APLプログラムの実行を指定するまでは、Excelの操作で自由に画面を変更することができます。

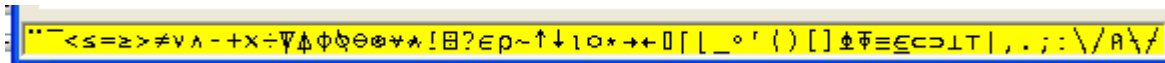
B-6. 対象SHEETを選び、プログラム (= APL実行式) を入力または編集する

カーソルがプログラム入力域に位置するときは、鍵盤はAPLシフトに設定されています。



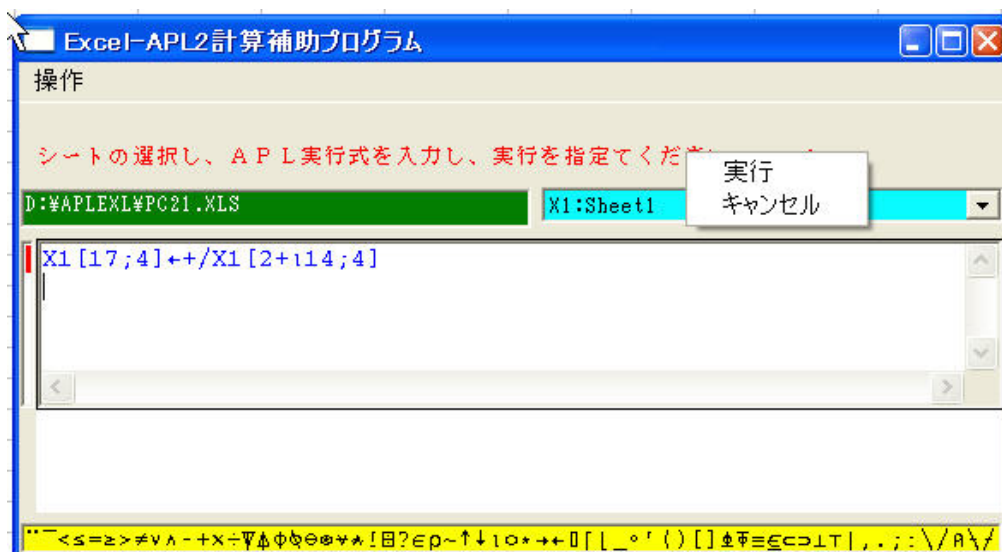
APLシフト時、英字は大文字シフトになっています。キー面上に赤字が上下2個並んでいる場合はその下側の文字がその左の黒字文字の代わりに入力されます。たとえばマイナス (-) キーではその右隣のプラス (+) の文字が入力されます。英字小文字を含むキー前面の文字の入力は A l t キーを併用する。キー面上の赤字の文字(2個上下にある場合はその上側)の入力にはシフトキーを用います。

APL 鍵盤配列に慣れない場合は、計算補助画面下部の文字バー上の該当文字をマウスでクリックすると、カーソル位置にその文字が入力されます。表示されていない部分の文字はこの文字バーを左右にスクロールか、画面をマウス操作で横に広げることができます。



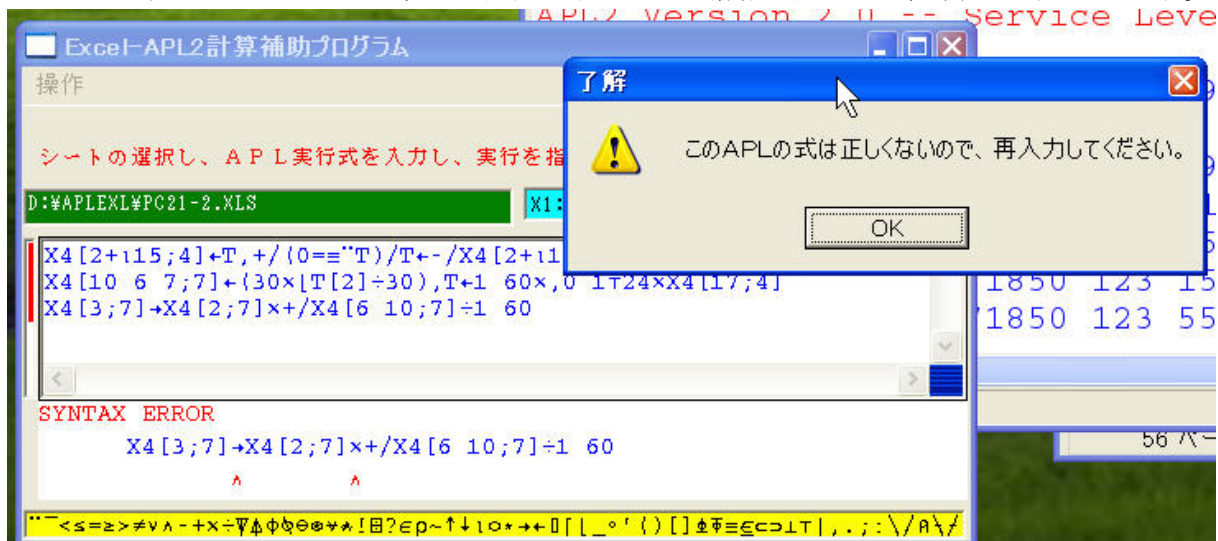
B-7. プログラムを実行する

プログラムを入力(または修正)後、画面上部で右クリックし、ポップアップメニューから実行を指示します。



B-8. エラー表示時の対応

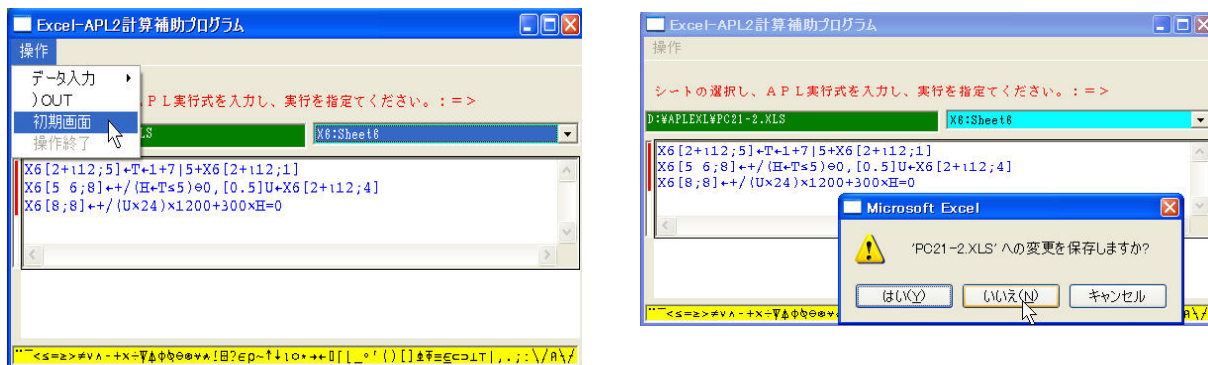
プログラム記述に誤りがあると、入力画面の下にエラー情報が表示され、確認を要求されます。



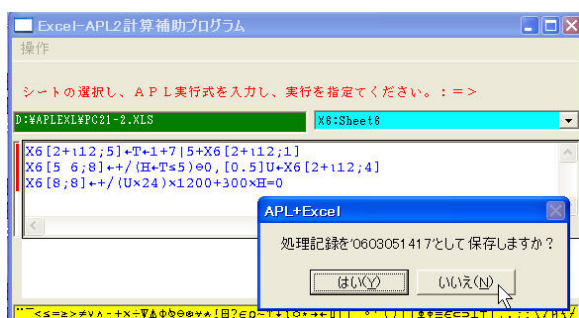
了解すると、入力画面から誤りの修正ができる。修正、Excel 操作、実行は正しい処理が完了し、Excel 画面上に結果が表示されるまで、何度でも繰り返すことができます。

B-9. 操作の終了または中断

操作を終了、中断する場合は操作メニューで指示する。画面右上のX印の操作は無効。正しく実行されたプログラムの場合、Excel ファイルの更新が必要か否か要求されます。



続けてプログラムの保存の確認が要求され、その後Excel 画面表示が消去される。



メニューの 'OUT' 指定の場合は純APL 環境とのデータ交換のため、計算結果を指定したディレクトリにAPL 転送データ形式ファイルで保存します。一連の作業はここで完了し、別の作業を入力ファイルや登録プログラムを指定して、操作を継続することができます。終了の場合は操作メニューの操作終了を選択します。

C) さまざまな計算

C-1. 集計と一般的計算

The screenshot shows a Microsoft Excel window with a table of data and a small window titled "Excel-APL2 計算補助プログラム" (Excel-APL2 Calculation Assistant Program) overlaid on it.

The Excel table has columns A through M. The data is organized into sections: "SHEETの見出し" (Sheet Header), "列1" through "列5" (Columns 1-5), "計" (Total), "行単位の構成比" (Row-wise Composition Ratio), and "全体の構成比" (Overall Composition Ratio).

The "Excel-APL2 計算補助プログラム" window displays the following APL2 code:

```

R←3+16 ⋄ C←1+15
X1[R;7]←+/X1[R;C]
X1[10;C←C,7]←T,+/T←+/X1[R;C]
X1[R;C+6]←0.01×[0.5+10000×X1[R;C]÷[1]X1[R←R,10;7]
X1[R+8;C]←0.01×[0.5+10000×X1[R;C]÷[2]X1[10;C]
X1[R+8;C+6]←0.01×[0.5+10000×X1[R;C]÷X1[10;7]
  
```

APL式の解説：

```

R←3+16 ⋄ C←1+15
X1[R;7]←+/X1[R;C]
X1[10;C←C,7]←T,+/T←+/X1[R;C]
X1[R;C+6]←0.01×[0.5+10000×X1[R;C]÷[1]X1[R←R,10;7]
X1[R+8;C]←0.01×[0.5+10000×X1[R;C]÷[2]X1[10;C]
X1[R+8;C+6]←0.01×[0.5+10000×X1[R;C]÷X1[10;7]
  
```

1行目：

$i n$ は、1 から n 迄の整数の数列

$3+i 6$ は、4 5 6 7 8 9

$A \leftarrow B$ は、BをAに代入すること。したがって R と C はそれぞれ計算対象の行と列のインデックス。

2行目、3行目：

X 1 は、SHEET 1 を二次元配列とみなしたもの。

+／ は、原始関数+を原子作用子／で修飾した派生関数で、横軸(=最後の軸)の合計

X 1 [R ; 2] +X 1 [R ; 3] +X 1 [R ; 4] +X 1 [R ; 5] +X 1 [R ; 6]

／とーの合成文字 は、縦軸(=最初の軸)操作

応用： 体積←×／高さ 幅 奥行き

， (D y a d i c =二項関数) は、左引数に右引数を接続する原始関数。

C←C, 7 で C は 2 3 4 5 6 7 になる。

4, 5, 6行目：

÷ [n] は、配列の各列または行を、第n軸に沿って割り算(÷)する。

⌊ は、原始関数TRUNCATEで、右引数の小数以下を切り捨てる。⌈ は切り上げ。

割り算の結果を小数2桁目で四捨五入して、小数以下2桁のパーセントにしている。

補足1：RやCのインデックス値に条件式などの結果を用いると条件集計になる。

```
□←R←T/⌊ρT←v/S←0=↑**0ρ**X1
4 5 6 7 8 9
S
0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 1 1 1 1 1 0 0 0
0 1 1 1 1 1 0 0 0
0 1 1 1 1 1 0 0 0
0 1 1 1 1 1 0 0 0
0 1 1 1 1 1 0 0 0
0 1 1 1 1 1 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0
T
0 0 0 1 1 1 1 1 0 0
⌊ρT
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11
□←C←T/⌊ρT←v/S
2 3 4 5 6
```

ρ は、原始関数SHAPEでM o n a d i cなら右引数の配列(またはベクトルなど)の各軸の長さを求める。D y a d i cなら右引数に左引数で指定したSHAPEを与える。

$0 \rho \text{ " } X 1$ は、SHEET 1 の各セルの SHAPE を 0 (=無、null) にする。

$\uparrow 0 \rho \text{ " } X 1$ は、無にしたデータの DOMAIN (=領域、数値か文字か) を調べる。0 なら数値領域、ブランクなら文字領域。すなわち、数値セルか、文字セルかを調べている。

$V /$ は、原始関数 OR (V) を‘関数 /’の一般形式に従って、作用子 / で修飾した派生関数。横軸に沿って OR 条件を調べる。縦軸に沿う場合は / と - の合成文字を使用する。

$/$ 左引数が関数でなければ原始関数 COMPRESS ION (=圧縮、または抜き取り) で、右引数の配列 (またはベクトル) を左引数で指定した B i n a r y (=1 と 0 で構成された) ベクトルの 1 に対応するものを抜き取る。

例：

0 0 0 1 1 0 1 / 1 2 3 4 5 6 7
4 5 7

補足 2：規則的なインデック値を生成する場合は計算式を用いることもある。

例：

$2 \times \iota 5$
2 4 6 8 10

$\overline{1} + 2 \times \iota 5$
1 3 5 7 9

註：マイナスの数値は O v e r B a r $\overline{\quad}$ を使い、原始関数 SUBTRACT $\overline{\quad}$ と区別する。絶対値は原始関数 $|\quad|$ を用いる。

例： $|\quad|$ 1 2 $\overline{1}$ 1 5
1 2 1 1 5

補足 3：異なる SHEET 間での操作は SHEET 番号を指定すればよい。行列のサイズは一致する必要があるが、位置は一致しなくて用。

例： $X 1 [R ; C] \leftarrow X 2 [R + 5 ; C - 1] + X 3 [R - 2 ; C + 3]$

複雑な計算処理をする場合は異なる SHEET からのデータをあらかじめ 3 次元の変数 (例：S) に移してから処理してもよい。どのように複雑な計算式も成り立つ。

例： $S \leftarrow \sqsupset X 1 [R ; C] \quad X 2 [R + 5 ; C - 1] \quad X 3 [R - 2 ; C + 3]$
 $X 1 [R + 8 ; C] \leftarrow \times / [1] S$

註：S は $3 \times (\rho R) \times (\rho C)$ の 3 次元配列になる。 $\times / [1]$ は第 1 軸 (=奥行き) に沿って積算すること。配列をファイルから読み込む場合も同様の処理をする。

補足 4：その他の計算機能の例。

- べき乗 $\times n$ 例: 1 2 3 * 2 は 1 4 9
例: $\times / 2$ 3 2 は $2 * 3 * 2$ すなわち 5 1 2
- ルート $\times$ 小数 例: 1 4 9 * 0.5 は 1 2 3
例: $(+ / U \div \rho U \leftarrow V * 2) * 0.5$ $\leq$ 数列 V の標準偏差
- 最大値 $\uparrow / A$ は、A がベクトルならその最大値、二次元配列なら行毎の最大値
最小値 $\downarrow / A$ は、A がベクトルならその最小値、二次元配列なら行毎の最小値
- 剰余 $A | B$ 例: 5 | 2 3 $\neg$ 9 1 0. 4 5
3 1 0. 5
- 方向 $\times$ (Monadic) 例 $(\times V) \times \downarrow 0.5 + | V$
註: 負を含む数列 (または配列) の四捨五入。方向は $\neg 1$ (負)、0 (0)、1 (正)
- 切捨て $\downarrow V$ 例: 数列 V の最大公約数を求める。
切上げ $\uparrow V$ $\neg 1 \uparrow T / \rho \wedge / [1] U = \downarrow U \leftarrow V \circ. \div \downarrow \uparrow / V$
註: $\wedge / [1]$ は $\wedge$ 合成文字と同義。V のそれぞれを V の最大値の切り上げを承元とする整数数列で割り ($\circ. \div$) U に代入し、U がすべて整数になる列の後ろから 1 つとる ($\neg 1 \uparrow$)。

```

V←?6ρ10
V
8 10 4 3 10 8
V°÷↓↑/V
8 4 2.666666667 2 1.6 1.333333333 1.142857143 1 0.888888889 0.8
10 5 3.333333333 2.5 2 1.666666667 1.428571429 1.25 1.111111111 1
4 2 1.333333333 1 0.8 0.666666667 0.571428571 0.5 0.444444444 0.4
3 1.5 1 0.75 0.6 0.5 0.4285714286 0.375 0.333333333 0.3
10 5 3.333333333 2.5 2 1.666666667 1.428571429 1.25 1.111111111 1
8 4 2.666666667 2 1.6 1.333333333 1.142857143 1 0.888888889 0.8
U=↓U←V°÷↓↑/V
1 1 0 1 0 0 0 1 0 0
1 1 0 0 1 0 0 0 0 1
1 1 0 1 0 0 0 0 0 0
1 0 1 0 0 0 0 0 0 0
1 1 0 0 1 0 0 0 0 1
1 1 0 1 0 0 0 1 0 0
^/U=↓U←V°÷↓↑/V
1 0 0 0 0 0 0 0 0 0
¬1↑T/ρT←^/U=↓U←V°÷↓↑/V
1

```

説明: ? は乱数を発生させる原始関数。値が巨大でなければメモリーと処理時間はあまり問題ないが、メモリー不足でエラーになる場合は次のような式でも同じ結果が得られる。

```

I←↑/V ⋄ S←10
T←1 Iρ<' S←S, (T≠0)/T←I×^/U=↓U←V÷I ⋄ I←I-1'
↑S

```

I を V の最大値にセットして、S を初期化する。

V を I で割った値がすべて整数になる I の値を S に保存し、I を 1 減らす式を I 回繰り返して実行する。

S の最初の値が最大公約数。

この方式では、最初に条件に合致する答えが発見されたとき、プログラムを中止できない。しかしコンピューターが速いので、答えは瞬間に求められる。これは A P L E X L が F u l l 機能の A P L 実行環境でないからです。

C-2. 時間、カレンダー、年齢などに関する計算

E x c e l では日付、時間に関するデータは1900年1月1日を起点として1日を1として記録します。したがって整数部分が日付で、小数部分が時間です。またE x c e l は時間を秒まで表現しますから、1日86,400秒で時間のデータを日、時、分、秒で捕らえるなら、次のような式を用いることができます。

```

T←(×/1↓T←0 24 60 60)×1.5 0.78 1234.5678
1 0 1234
12 18 13
0 43 37
0 12 37.92

```

すなわち、1.5は1日と12時間、0.78は18時間43分12秒、1234.5678は1234日13時間37分37.92秒になります。日にちと時間を整数、小数に分けて別々に計算するには、

```

0 1←1.5 0.78 1234.5678
1 0 1234
0.5 0.78 0.5678

```

とします。これはAPLでの慣用的 (I d i o m a t i c) な使い方です。

E x c e l に日にちや時間を入力するときには書式の形式でそのまま入力することもできますが、内部データ形式に変換して扱うときは、上の逆の操作をします。原始関数E N C O D E (⌈) の逆はD E C O D E (⌊) です。

```

(÷×/T)×(T←24 60 60)⌊⌈←[1](12 0 0)(18 43 12)(13 37 37.92)
12 18 13
0 43 37
0 12 37.92
0.5 0.78 0.5678

```

註：⌊←はAPL E X L 上では使用できませんが、計算の途中の結果をAPL（製品版）の画面上に表示するときに用います。

APLでは、システム変数“⌈T S”が現時間を年、月、日、時間、分、秒、ミリ秒の7個の数値からなるベクトルで表します。時間は規則的な数式で変換できますが、日付の変換はカレンダーを使用する必要があります。1900年から200年間のカレンダーの定義は：

```

U←(⌈/S[12;]=[1]1 0)∨⌈/1 0↓S←T=[T←0.25 0.01 0.0025°.×1899+1200
ΔC←31,∘(28+U),∘c10p5p31 30
ΔC[110;]
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 29 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 29 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31

```

すなわち、グレゴリオ暦算出の数式を用いればいいわけです。しかし E x c e l は 1 9 0 0 年をうるう年と間違えています。(注：T = ⌊T は小数を切捨てて等しい(割切れる)の判定)

	A	B
1	59	1900/2/28
2	60	1900/2/29
3	61	1900/3/1

したがって、1日の誤差が出ないように、E x c e l が用いていると思われる次の計算式を使用します。

```

U←T=⌊T←0.25×1899+⌊200
ΔC←31,⌊(28+U),⌊⌊c10ρ5ρ31 30
ΔC[⌊10;]
31 29 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 29 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 29 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31
31 28 31 30 31 30 31 31 30 31 30 31

```

すなわち、ΔCは1900年を起点とした200年間の各月の日数で構成された200×12の二次元数値配列です。5 ρ 3 1 3 0は31 30 31 30 31です。

曜日に関してもA P LにはE x c e lのような出来合いの仕組みはありません。2006年3月13日(月)はE x c e lで38789という値になります。したがって、月曜日を1とすれば、次に図解するように日付の値、1(=1900年1月1日)を7(=日曜日)とすれば、カレンダーに関する問題はすべて解決します。

```

1 ϕ 1 7
2 3 4 5 6 7 1
10 ↑ T ← 38789 ρ ϕ 1 ϕ 1 7
1 7 6 5 4 3 2 1 7 6
10 ↑ T
2 1 7 6 5 4 3 2 1 7

```

○と|の合成文字はD y a d i c (=2項形式)なら右引数を、左引数で指定した数だけ左向き(正の場合)または右向き(負の場合)に回転(R O T A T E)させます。M o n a d i c (=1項形式)なら左右の逆転(R E V E R S E)になります。○と一は縦軸に沿っての回転と逆転になります。配列を扱う他の多くの関数と同様に[n]の添え字を用いれば、3軸以

上の配列の任意の軸に沿った操作ができます。38789は2006年3月13日に対するExcel上の値です。したがって、Tはその日から1900年1月1日まで遡って、1を月曜日とする曜日の数列です。

APPLEXLでは日付に関する処理を便利にするために、次のような手続きで、1900年1月1日から始まる、年、月、日、曜日番号からなる4行73050列の配列を作り△Dと定義し、いつでも使用できる状態にしておきます。

```

ρY←(+/ΔC)/1899+1200
73050 ρM←(,ΔC)/,200 12ρ112
73050 ρD←ε1'',ΔC
73050 ρW←(+/,ΔC)ρ-1φ17
73050
ΔD←⊔Y M D W
      14↑[2]ΔD
2099 2099 2099 2099 2099 2099 2099 2099 2099 2099 2099 2099 2099 2099
12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12
18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
5 6 7 1 2 3 4 5 6 7 1 2 3 4
      14↑[2]ΔD
1900 1900 1900 1900 1900 1900 1900 1900 1900 1900 1900 1900 1900 1900
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14
7 1 2 3 4 5 6 7 1 2 3 4 5 6

```

／ は、左引数に関数なら、その関数を修飾する作用子です。左引数が数値の場合、0と1からなるBinaryベクトルであれば抜き取り関数、2以上の正の整数であれば繰り返し(=REPROCATION)関数になります。したがって、+／ΔCは、ΔCを横軸に沿って(=年毎に)日数を集計することですから、Yは各年の日数分年の値が連続するベクトルになります。Mは、200年間の1月から12月まで並んだ数列の要素を(=月)を各月の日数分繰り返し、増幅し、ベクトルにしたものです。Dは各月のそれぞれの日数を上限とした1からの整数ベクトルを生成し、200年分のならびにします。⊔はY M D Wを配列化します。さらに祭日や、休日に関する情報を組み込めば、日付に関する処理はほとんど間に合いますが、これは必要に従って別途設定すればよろしいでしょう。

例1： 2006年3月14日から2007年4月8日まで、土日を除いて(指定した日付も含めて)何日か。

```

S←1++/(ΔD[4;]ε15)^1=+\(c[1]ΔD[13;])ε(2006 2 14)(2007 4 8)
300 S

```

\ は、左引数に関数なら作用子SCANで、+\ は派生関数累積で、右引数のベクトル(または配列の各ポジションの値が左端からそこまでの合計。たとえば、上のサンプルの場合日付が一致する場所が2箇所あり、ベクトルで示すことができる。

```

+\ 0 0 0 1 0 0 0 0 0 1 0 0 0
    0 0 0 1 1 1 1 1 1 2 2 2 2

```


したがって= 1 の部分は条件にあった場所に挟まれた範囲より 1 ポジション短い位置を示す。

ε は、原始関数MEMBERで、左引数が右引数のどれかと等しい場所を示すベクトルを作る。

例 2： S H E E T 2 の第 2 列に記録された名簿の生年月日から 2 0 0 6 年 2 月 1 4 日現在の年齢を算出し、右隣の列に返す。

	A	B	C	D	E	F
1	社員名簿(2006年2月14日現在)					
2						
3	名前	生年月日	年齢			
4		1927/8/12	78			
5		1940/1/31	66			
6		1934/2/24	71			
7		1935/8/19	70			
8		1929/5/11	76			
9		1925/12/3	80			
10		1938/7/20	67			
11		1938/7/23	67			
12		1942/8/24	64			
13	Excel-APL2計算補助プログラム					
14	操作					
15						
16	シートの選択し、APL実行式を入力し、実行を指定してください。:=>					
17						
18	D:\APLEXL\BOOK2.XLS			X2:Sheet2		
19						
20	S+[(U+0=↑"0p"↑T)/T+X2[;2]					
21	X2[U/1pU;3]+T[1;]+0[x3211↓[1]T+2006 2 14-[1]AD[13;S]					

S H E E T 2 の第 2 列の数値セルを取り出し（↑で、念のために整数化した後）変数 S にセットする。同時に数値行の場所を B i n a r y ベクトルとして変数 U に記録する。△D の S 列の年、月、日を 2 0 0 6 年 2 月 1 4 日から差し引き、変数 T に保存し、T の 1 行目（年）を落とし、月日の差をそれぞれ 3 2 進数として 1 0 進数に変換し、正、0、負を判定し（= M o n a d i c ×）、0 を上限とし T の 1 行目（= 年差）に加算し、S H E E T 2 の第 3 列に返す。

月差がマイナスか、月差が 0 で日差がマイナスなら、3 2 進数（3 1 より大きい数であればなんでもよい）で変換すると、必ず負になる。その場合は年差から 1 を引かなければなりません。

註：S H E E T 2 のインデックス値 S を算出するに当たり、APL が内部的に保持する数値形式（= 浮動小数値）が確実に整数として取り扱われるように、普通は必要でない切り捨て（↓）操作を行った。

C-3. 金利に関する計算

APLにおいては金利の計算は適用業務プログラムの範疇で、言語そのものにはこのような機能はありません。したがって、必要に応じて下に示すように、目的に適った関数をあらかじめ準備しておきます。ユーザー関数の定義はAPL 2学習システム上でも行うことができます。

```

APL/日本語エディター 2
操作 文字拡大 文字縮小
[0] R←LOANS Q:F:I;J:S;T;U;V;W;X;Y
[1] ⍺Q[1]:借入金
[2] ⍺Q[2]:年利
[3] ⍺Q[3]:返済期間(月)
[4] ⍺Q[4]:ボーナス支払額、初回ボーナス月
[5] ⍺R[1]:月次返済額, R[2]:最終月返済額, R[3]:合計支払額, R[4]:ボーナス時支払額
[6] X←Q[1]∘I÷0.01×Q[2]÷12∘S←V←0∘Y←' X←10.5+(X×1+I)-F'
[7] →L1∘3=ρQ∘S←4 1→Q∘U←1 7+6|~1+4 2→Q
[8] Y←S×I(÷6)×1+Q[3]-4 2→Q∘Y←Y,' +S×V/U=1+12|~1+J-J+1'∘J←0
[9] L1:W←10.5+(÷Q[3])×(X-V)×(1+I)*Q[3]
[10] L2:F←(10.5×ρW)→W∘T←⍺Q[3]ρ<Y∘X←Q[1]∘J←0
[11] ⍺(0<~1↑T)/' W←(W>F)/W'∘⍺(0>~1↑T)/' W←(W<F)/W'∘→L2∘0≠ρW
[12] R←F,((~1↑T)+F,V+F×Q[3]),S,T
[13]

```

関数の定義に困難を感じる場合は、仲間に相談したり、出来合いのものをコピーさせてもらったり、調達することはさほど難しいことはありません。

使用例1: 年利=3.2%
返済期間=30年
借入金=3千万円

```

3↑T←LOANS 30000000 3.2 360
129740 129752 46706412

```

すなわち、毎月支払額=129,740円
最終月支払額=129,752円
総支払額=46,706,412円

使用例2: 上記同一条件で、支払い開始2ヶ月目からボーナス時¥300,000支払いの場合。

```

4↑T←LOANS 30000000 3.2 360 (300000 5)
79940 79883 46778343 300000

```

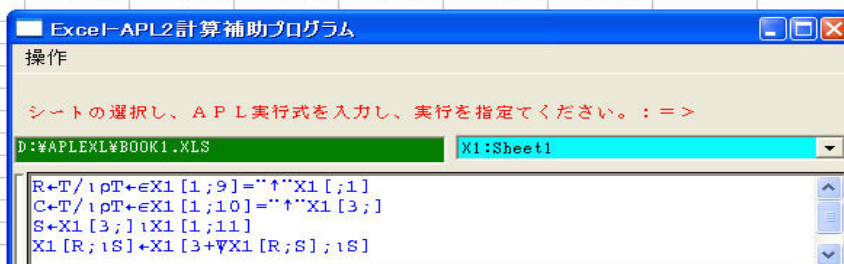
すなわち、毎月支払額=79,940円
最終月支払額=79,883円
総支払額=46,778,343円
ボーナス時支払額:300,000円

C-4. 漢字の処理とCSVファイルの入出力について

大型コンピュータの場合を除いて、APLでは漢字サポートは不十分です。弊社エーピーエル・コンサルティング作成のAPLユーティリティー関数では独自に開発した方式で漢字をサポートしています。この方式はWindowsでの一般の方式との互換性がありますが、APL EXLにおいては、プログラムをできるだけ簡潔にするために、EXCELの操作を利用したほうが合理的であると判断したところでは、あえてAPL側にその機能を設定してありません。したがって、たとえば漢字テキストを利用して、条件を判定するときなどには、Excelの使用されていないセルや、すでにセル上に存在するテキストなどを参照して、利用する仕組みを採用しています。

例：Excel画面上の文字列を利用して条件に合致したセルを見つける。

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
1	SHEETの見出し								行	列	計
2											
3		列1	列2	列3	列4	列5	計				
4	行5	68678	58898	93044	84617	52693	357930				
5	行6	9197	65392	41600	70120	91033	277342				
6	行2	4705	67887	67930	93470	38351	272343				
7	行1	13154	75561	45866	53277	21896	209754				
8	行3	51942	83097	3458	5347	52971	196815				
9	行4	67115	770	38342	6685	41749	154661				
10	計	214791	351605	290240	313516	298693	1468845				



APL式説明：

```

⊞←R←T/⌊ρT←⊞←ε⊞←X1[1;9]='↑'X1[;1]
ω      ωωωωωωωω
0  0  0  1  1  1  1  1  1  0
0  0  0  1  1  1  1  1  1  0
4  5  6  7  8  9

```

SHEET1の1列目の各セルの最初の1文字(1↑)が‘行’(X1[1;9])であるか判定し、ネスティングされた深さ2の配列ベクトルを、関数ENLIST(ε)で深さ1の単純ベクトルTとする。その長さを上限とする整数ベクトルを作りTが1の場所に対応する数値を抜き出しRとする。Rはみだし見出しが‘行’で始まる行のインデックスである。Cも同様。

```

⊞←S←X1[3;]⌊X1[1;11]
7

```

SHEET1の3列目で漢字‘計’が最初に現れる列のインデックスをSとする。

```

3+⊞←▽X1[R;S]
5  6  2  1  3  4
8  9  5  4  6  7
      ⌊S
1  2  3  4  5  6  7

```

合計列の降順インデックスで行を並べ替える。

列1	列2	列3	列4	列5	計
1	2	3	4	5	15
2	3	4	5	6	20
3	4	5	6	7	25
4	5	6	7	8	30
5	6	7	8	9	35
6	7	8	9	10	40
7	8	9	10	11	45
8	9	10	11	12	50
9	10	11	12	13	55
10	11	12	13	14	60
11	12	13	14	15	65
12	13	14	15	16	70
13	14	15	16	17	75
14	15	16	17	18	80
15	16	17	18	19	85
16	17	18	19	20	90
17	18	19	20	21	95
18	19	20	21	22	100
19	20	21	22	23	105
20	21	22	23	24	110
21	22	23	24	25	115
22	23	24	25	26	120
23	24	25	26	27	125
24	25	26	27	28	130
25	26	27	28	29	135
26	27	28	29	30	140
27	28	29	30	31	145
28	29	30	31	32	150
29	30	31	32	33	155
30	31	32	33	34	160
31	32	33	34	35	165
32	33	34	35	36	170
33	34	35	36	37	175
34	35	36	37	38	180
35	36	37	38	39	185
36	37	38	39	40	190
37	38	39	40	41	195
38	39	40	41	42	200
39	40	41	42	43	205
40	41	42	43	44	210
41	42	43	44	45	215
42	43	44	45	46	220
43	44	45	46	47	225
44	45	46	47	48	230
45	46	47	48	49	235
46	47	48	49	50	240
47	48	49	50	51	245
48	49	50	51	52	250
49	50	51	52	53	255
50	51	52	53	54	260
51	52	53	54	55	265
52	53	54	55	56	270
53	54	55	56	57	275
54	55	56	57	58	280
55	56	57	58	59	285
56	57	58	59	60	290
57	58	59	60	61	295
58	59	60	61	62	300
59	60	61	62	63	305
60	61	62	63	64	310
61	62	63	64	65	315
62	63	64	65	66	320
63	64	65	66	67	325
64	65	66	67	68	330
65	66	67	68	69	335
66	67	68	69	70	340
67	68	69	70	71	345
68	69	70	71	72	350
69	70	71	72	73	355
70	71	72	73	74	360
71	72	73	74	75	365
72	73	74	75	76	370
73	74	75	76	77	3

```

ρS ← X1[3; 1+16]
6
□AF'' S
21015 65297 21015 65298 21015 65299 21015 65300 21015 65301 35336
(4ρ16) ⊢ □AF ∈ S
5 15 5 15 5 15 5 15 5 15 8
2 15 2 15 2 15 2 15 2 15 10
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0
7 1 7 2 7 3 7 4 7 5 8

```

```

22      ρT←ΔCTK∈ S
      □AF T
151 241 130 80 151 241 130 81 151 241 130 82 151 241 130 83 151 241 130 84 140 118
      16 16τ□AF T
9 15 8 5 9 15 8 5 9 15 8 5 9 15 8 5 8 7
7 1 2 0 7 1 2 1 7 1 2 2 7 1 2 3 7 1 2 4 12 6

```

```
S←2↓ε(←1↓□TC), "1↓"ε"←[2] ', ', "ΔCTK"⊞"X1
T←S ΔFL 'D:\TEMP\TEMP.CSV'
```

[illegible]

$\Delta\text{CTK}''\overline{\mathfrak{T}}^{\cdot}\text{Xl}$									
$\acute{e}\acute{r}{\acute{e}}\acute{g}{\acute{e}}\acute{d}{\acute{e}}\acute{s}{\acute{e}}$	$\mathbb{H}$	i	f	$\grave{A}$	$\circ\acute{e}$				
							is	ù\ iv	
	$\grave{u}\grave{é}\acute{P}$	$\grave{u}\grave{é}\acute{Q}$	$\grave{u}\grave{é}\acute{R}$	$\grave{u}\grave{é}\acute{S}$	$\grave{u}\grave{é}\acute{T}$	$\acute{i}\nu$	$isBP\acute{e}\acute{l}\acute{e}$	$\mathbb{H}$	$i\backslash\cup\acute{o}\acute{A}$
iséP	13154	75561	45866	53277	21896	209754	6.27	36.02	21.87 25.4
iséQ	4705	67887	67930	93470	38351	272343	1.73	24.93	24.94 34.32
iséR	51942	83097	3458	5347	52971	196815	26.39	42.22	1.76 2.72
isés	67115	770	38342	6685	41749	154661	43.39	0.5	24.79 4.32
iséT	68678	58898	93044	84617	52693	357930	19.19	16.46	26 23.64
iséU	9197	65392	41600	70120	91033	277342	3.32	23.58	15 25.28
iv	214791	351605	290240	313516	298693	1468845	14.62	23.94	19.76 21.34

24

D) その他のAPLの主な機能

D-1. 算術演算子の例 (“APL 2の世界” —著者編集 (無償配布) より)

?

*R: Exponential (指数関数)

Z←*R

ZとRは数値で、Zは自然対数 e のR乗の値。ただし e は約 2.7182818284590452 です。

*0 1 2
1 2.718281828 7.389056099

?

⊙R: Natural Logarithm (自然対数)

Z←⊙R

ZとRは数値でRはゼロでないこと。Zは自然対数 e を底とするRの対数。ただし e は約 2.7182818284590452 です。

⊙1 2
0 0.6931471806

,

L⊙R: Logarithm (一般対数)

Z←L⊙R

L、RおよびZは数値でLとRはゼロでないこと。ZはLを底とするRの対数。

5 10⊙125 100
3 2

,

!R: Factorial (階乗)

Z←!R

ZとRは数値でRは正の整数。ZはRまでの全ての正の整数の積。

!4 3 5
24 6 120

,

⊖R Matrix Inverse (逆行列)

Z←⊖R

Rは単純数値配列。Zは正則行列Rの逆行列。ZはRの行数が列数より大きい場合擬似逆行列(最小自乗法の意味での)。

⊖2 2⍴1 0 0 2
1 0
0 0.5

,

!R: Factorial (階乗)

Z←!R

ZとRは数値でRは正の整数。ZはRまでの全ての正の整数の積。

!4 3 5
24 6 120

D-2. その他の論理、比較演算子

$L=R$: Equal(等しい)
 $L \neq R$: Not Equal(等しくない)

$Z \leftarrow L=R$
 $Z \leftarrow L \neq R$

L と R はともに数値、またはともに文字で、Z はブール数。

20 30 40 =40 30 20
 0 1 0
 'ABC'='CBA'
 0 1 0
 20 30 40 $\neq$ 40 30 20
 1 0 1
 'ABC' $\neq$ 'CBA'
 1 0 1

$L < R$: Less Than(小さい)
 $L \leq R$: Less Than or Equal(小さいか等しい)
 $L > R$: Greater Than(大きい)
 $L \geq R$: Greater Than or Equal(大きい等しい)

$Z \leftarrow L < R$
 $Z \leftarrow L \leq R$
 $Z \leftarrow L > R$
 $Z \leftarrow L \geq R$

L, R は実数で、Z はブール数。

20 30 40 <40 30 20
 1 0 0
 20 30 40 $\leq$ 40 30 20
 1 1 0
 20 30 40 >40 30 20
 0 0 1
 20 30 40 $\geq$ 40 30 20
 0 1 1

$L \wedge R$: And(論理積)
 $L \vee R$: Or(論理和)
 $L \bar{\wedge} R$: Nand(否定論理積)
 $L \bar{\vee} R$: Nor(否定論理和)

$Z \leftarrow L \wedge R$
 $Z \leftarrow L \vee R$
 $Z \leftarrow L \bar{\wedge} R$
 $Z \leftarrow L \bar{\vee} R$

Z, L, R はブール数で、Z は次のように要約できる。

論理積	論理和	否定論理積	否定論理和
$\begin{array}{c cc} \wedge & 0 & 1 \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{array}$	$\begin{array}{c cc} \vee & 0 & 1 \\ \hline 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{array}$	$\begin{array}{c cc} \bar{\wedge} & 0 & 1 \\ \hline 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{array}$	$\begin{array}{c cc} \bar{\vee} & 0 & 1 \\ \hline 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{array}$

$\sim R$: Not(否定)

$Z \leftarrow \sim R$

Z と R はブール数で、Z は R が 0 なら 1、1 なら 0。

~ 1 0
 0 1

D-3. 三角関数

oR: Pi Times(円周率倍)

Z←oR

ZとRは数値で、ZはπとRの積。

LoR: Circle Functions(円関数)

Z←LoR

L、RおよびZは数値で、Lは下の表に示すように、三角関数、双曲線関数、ピタゴラス関数および複素数関数のどれをRに適用するかを決める値で、Zはその結果値です。

L	関 数	L	関 数
		0	$(1-R^2)^{.5}$
1	Arcsin R	1	Sine R
2	Arccos R	2	Cosine R
3	Arctan R	3	Tangent R
4	$(1+R^2)^{.5}$	4	$(1+R^2)^{.5}$
5	Arcsinh R	5	Sinh R
6	Arccosh R	6	Cosh R
7	Arctanh R	7	Tanh R
8	-(8oR)	8	R ≥ 0 なら $-(1-R^2)^{.5}$ R < 0 なら $(1-R^2)^{.5}$
9	R	9	Rの実数
10	+R	10	Rの絶対値
11	0 j 1 × R	11	Rの虚部
12	* 0 j 1 × R	12	Rの位相

1o1.5708

1

2o.25

0.9689124217

例1: 半径1の円周の1度ごとのX, Y座標地を求める。

pS←2 1°.00(1360)÷180

2 360

S[;15]

```
0.9998476952 0.999390827 0.9986295348 0.9975640503 0.9961946981
0.01745240644 0.0348994967 0.05233595624 0.06975647374 0.08715574275
5↑[2]S
0.9975640503 0.9986295348 0.999390827 0.9998476952 1
-0.06975647374 -0.05233595624 -0.0348994967 -0.01745240644 0
```

D-4. 作用子の役割

A P Lは関数を動詞としたら助動詞に相当する原始作用子が6個あります。関数を修飾して派生関数を作ります。たとえば関数を `f` とすると、

`f [1]` は、作用子 `A x i s` (=軸)。左右の引数を第1軸に沿って `f` を実行します。

`f "` は、作用子 `E a c h` (=個別)。左右引数の配列の要素同士に対して `f` を実行します。

`f /` は、作用子 `R e d u c e` (=低減) 左引数を持たない (`M o n a d i c`=一項形式) は、右引数の配列の最後の軸に沿った要素をすべてに `f` を作用させます。`[n]` で軸を指定できます。一が合成された文字は第1軸に沿っての操作になります。

左右の引数を持つ (`D y a d i c`=2項形式) は、右引数の最後の軸に沿って左引数で指定したで指定した個数ずつの `f` を実行します。`[n]` で軸を指定できます。

例1 : `3 + / 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10`
`6 9 12 15 18 21 24 27`
 これを個数で割れば移動平均になります。

例2 : `2 - / 右引数` は隣同士の差、

`f \` は、作用子 `S c a n` (=走査) `M o n a d i c` (一項形式) しかありませんが、`f` の累積になります。`[n]` で軸を指定できます。一が合成された文字は第1軸に沿っての操作になります。

例1 :

```

      □←S←?3 6p10000
5527 9658 2041 3472 8050 4742
5982 7079 6503 9064 9990 8469
5775 7706 8367 7837 3997 9383
      +\S
5527 15185 17226 20698 28748 33490
5982 13061 19564 28628 38618 47087
5775 13481 21848 29685 33682 43065
  
```

例2 : `× \ 1 2 3 4 5 6 7 8 9`
`1 2 6 24 120 720 5040 40320 36288`
 階乗の数列をつくります。次の操作と同じです。
`! 1 2 3 4 5 6 7 8 9`
`1 2 6 24 120 720 5040 40320 36288`

f 1. f 2 は、作用子 Outer Product (=外積)。左引数の行と右引数の列のすべての組み合わせを f 2 で処理し、その結果を f 1 で処理します。

例 1：複数の条件に合致するレコードをマークする：

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
1	採取サンプル			赤	緑	青							
2				中	大	小							
3	色	サイズ	評価	良い	悪い	普通							
4	赤	小	良い										
5	緑	大	普通										
6	青	小	悪い										
7	赤	小	良い										
8	赤	中	大変良い										
9	緑	大	良い										
10	赤	中	良い	*									
11	赤	中	良い	*									
12	青	大	大変良い										
13	赤	大	普通										
14	青	大	良い										
15	青	大	大変良い										
16	赤	小	大変良い										
17	青	小	普通			*							
18	緑	大	大変良い										
19	青	大	大変良い										
20	青	大	悪い										
21	緑	中	普通										
22	緑	中	大変良い										
23	緑	大	普通										
24	青	小	普通			*							
25	赤	小	悪い										
26	赤	大	大変良い										
27	赤	大	良い										
28	緑	中	大変良い										
29	緑	大	悪い	*									
30	青	小	良い										
31	赤	大	良い										
32	緑	中	大変良い										
33	緑	中	悪い										
34	青	小	良い										
35	緑	小	普通										
36	赤	中	良い	*									
37	青	中	良い										

APL 式を拡大すると：

```
S←X1[3+ι100;ι3]∧.=X1[ι3;3+ι3]
X1[3+ι100;3+ι3]←'*'[S+1]
```

例 2：文字すべての組み合わせを接続させる

```
(5 3p'ABCDEFGHJKLMNOP'),.,>[1]'123' '456'
ABC123    ABC456
DEF123    DEF456
GHI123    GHI456
JKL123    JKL456
MNO123    MNO456
```

補足：>[1] は右引数を 1 軸に沿って開く： 1 4
(この場合 3 行 2 列の配列を作る) 2 5
3 6

>は右引数を最後の軸 (=横軸) に沿って開く： 1 2 3
(この場合 2 行 3 列の配列を作る) 4 5 6

。 `f` は、作用子 `Inner Product` (=内積)。左右引数のすべての組み合わせを `f` で処理します。

例1：九九の表

```
(19)°.×19
1  2  3  4  5  6  7  8  9
2  4  6  8 10 12 14 16 18
3  6  9 12 15 18 21 24 27
4  8 12 16 20 24 28 32 36
5 10 15 20 25 30 35 40 45
6 12 18 24 30 36 42 48 54
7 14 21 28 35 42 49 56 63
8 16 24 32 40 48 56 64 72
9 18 27 36 45 54 63 72 81
```

例2： 文字列の組み合わせを作る。

```
('ABC' 'DEF' 'GHI')°. , '123' '456' '789'
ABC123 ABC456 ABC789
DEF123 DEF456 DEF789
GHI123 GHI456 GHI789
```